

© International Baccalaureate Organization 2022

All rights reserved. No part of this product may be reproduced in any form or by any electronic or mechanical means, including information storage and retrieval systems, without the prior written permission from the IB. Additionally, the license tied with this product prohibits use of any selected files or extracts from this product. Use by third parties, including but not limited to publishers, private teachers, tutoring or study services, preparatory schools, vendors operating curriculum mapping services or teacher resource digital platforms and app developers, whether fee-covered or not, is prohibited and is a criminal offense.

More information on how to request written permission in the form of a license can be obtained from <https://ibo.org/become-an-ib-school/ib-publishing/licensing/applying-for-a-license/>.

© Organisation du Baccalauréat International 2022

Tous droits réservés. Aucune partie de ce produit ne peut être reproduite sous quelque forme ni par quelque moyen que ce soit, électronique ou mécanique, y compris des systèmes de stockage et de récupération d'informations, sans l'autorisation écrite préalable de l'IB. De plus, la licence associée à ce produit interdit toute utilisation de tout fichier ou extrait sélectionné dans ce produit. L'utilisation par des tiers, y compris, sans toutefois s'y limiter, des éditeurs, des professeurs particuliers, des services de tutorat ou d'aide aux études, des établissements de préparation à l'enseignement supérieur, des fournisseurs de services de planification des programmes d'études, des gestionnaires de plateformes pédagogiques en ligne, et des développeurs d'applications, moyennant paiement ou non, est interdite et constitue une infraction pénale.

Pour plus d'informations sur la procédure à suivre pour obtenir une autorisation écrite sous la forme d'une licence, rendez-vous à l'adresse <https://ibo.org/become-an-ib-school/ib-publishing/licensing/applying-for-a-license/>.

© Organización del Bachillerato Internacional, 2022

Todos los derechos reservados. No se podrá reproducir ninguna parte de este producto de ninguna forma ni por ningún medio electrónico o mecánico, incluidos los sistemas de almacenamiento y recuperación de información, sin la previa autorización por escrito del IB. Además, la licencia vinculada a este producto prohíbe el uso de todo archivo o fragmento seleccionado de este producto. El uso por parte de terceros —lo que incluye, a título enunciativo, editoriales, profesores particulares, servicios de apoyo académico o ayuda para el estudio, colegios preparatorios, desarrolladores de aplicaciones y entidades que presten servicios de planificación curricular u ofrezcan recursos para docentes mediante plataformas digitales—, ya sea incluido en tasas o no, está prohibido y constituye un delito.

En este enlace encontrará más información sobre cómo solicitar una autorización por escrito en forma de licencia: <https://ibo.org/become-an-ib-school/ib-publishing/licensing/applying-for-a-license/>.

Matemáticas: Aplicaciones e Interpretación

Nivel Superior

Prueba 1

Viernes 6 de mayo de 2022 (tarde)

Número de convocatoria del alumno

2 horas

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Instrucciones para los alumnos

- Escriba su número de convocatoria en las casillas de arriba.
- No abra esta prueba hasta que se lo autoricen.
- En esta prueba es necesario usar una calculadora de pantalla gráfica.
- Conteste todas las preguntas.
- Escriba sus respuestas en las casillas provistas a tal efecto.
- Salvo que se indique lo contrario en la pregunta, todas las respuestas numéricas deberán ser exactas o aproximadas con tres cifras significativas.
- Se necesita una copia sin anotaciones del **cuadernillo de fórmulas de Matemáticas: Aplicaciones e Interpretación** para esta prueba.
- La puntuación máxima para esta prueba de examen es **[110 puntos]**.



Escriba sus respuestas en las casillas provistas a tal efecto. No se otorgará necesariamente la máxima puntuación a una respuesta correcta que no esté acompañada de un procedimiento. Las respuestas deben estar sustentadas en un procedimiento y/o en explicaciones. Junto a los resultados obtenidos con calculadora de pantalla gráfica, deberá reflejarse por escrito el procedimiento seguido para su obtención. Por ejemplo, si se utiliza un gráfico para hallar una solución, se deberá dibujar aproximadamente el mismo como parte de la respuesta. Aun cuando una respuesta sea errónea, podrán otorgarse algunos puntos si el método empleado es correcto, siempre que aparezca por escrito. Por lo tanto, se aconseja mostrar todo el procedimiento seguido.

1. [Puntuación máxima: 6]

Un grupo de 130 candidatos solicitaron entrar en el programa de Artes o en el programa de Ciencias de una universidad. En la siguiente tabla se muestran los resultados de estas solicitudes.

	Aceptados	Rechazados
Programa de Artes	17	24
Programa de Ciencias	25	64

- (a) Halle la probabilidad de que un candidato de este grupo, elegido al azar, haya sido aceptado por la universidad. [1]

Se escoge al azar a un candidato perteneciente a este grupo. Vemos que lo han aceptado en el programa que había elegido.

- (b) Halle la probabilidad de que este candidato solicitara entrar en el programa de Artes. [2]

Se escogen al azar dos candidatos distintos pertenecientes al grupo original.

- (c) Halle la probabilidad de que ambos candidatos solicitaran entrar en el programa de Artes. [3]

(Esta pregunta continúa en la página siguiente)

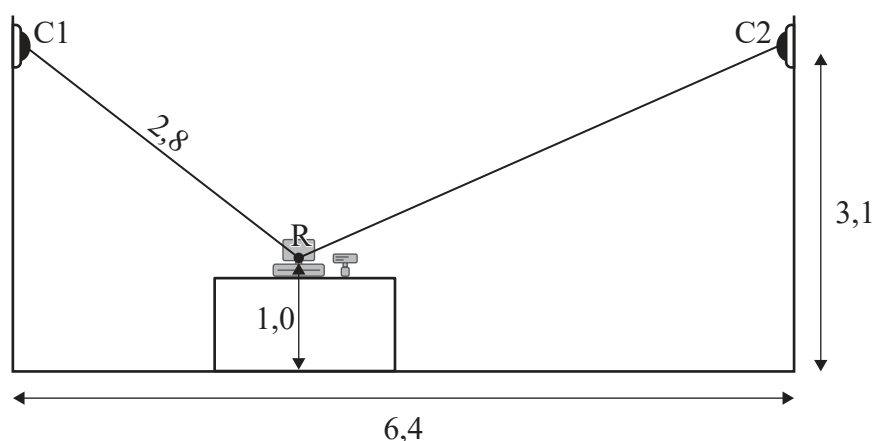


2. [Puntuación máxima: 8]

El propietario de una tienda de ultramarinos instala dos cámaras de seguridad, que están representadas por los puntos C1 y C2. Las dos cámaras apuntan al centro de la caja registradora de la tienda, que está representado por el punto R.

La siguiente figura, que corresponde a un corte transversal de la tienda, muestra toda esta información.

la figura no está dibujada a escala



Las cámaras están situadas a una altura de 3,1 m y la distancia horizontal que hay entre las cámaras es de 6,4 m. La caja registradora está colocada sobre un mostrador, de modo tal que su centro R está a 1,0 m del suelo.

Entre la Cámara 1 y el centro de la caja registradora hay una distancia de 2,8 m.

- (a) Determine el ángulo de depresión que hay desde la Cámara 1 al centro de la caja registradora. Dé la respuesta en grados. [2]
- (b) Calcule la distancia que hay desde la Cámara 2 al centro de la caja registradora. [4]
- (c) Sin hacer ningún cálculo más, determine cuál de las dos cámaras tiene el mayor ángulo de depresión al centro de la caja registradora. Justifique su respuesta. [2]

(Esta pregunta continúa en la página siguiente)



No escriba en esta página.

Las respuestas que se escriban en esta página no serán corregidas.



28EP06

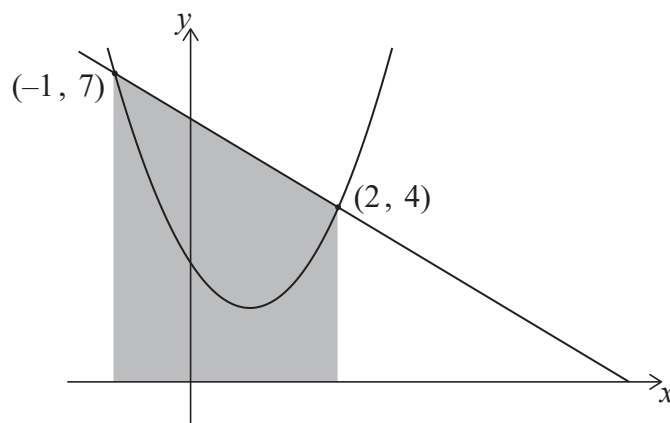
4. [Puntuación máxima: 7]

Los gráficos de $y = 6 - x$ e $y = 1,5x^2 - 2,5x + 3$ se cortan en $(2, 4)$ y en $(-1, 7)$, tal y como se muestra en las siguientes figuras.

En la **figura 1**, se ha sombreado la región que está delimitada por las rectas $y = 6 - x$, $x = -1$, $x = 2$ y el eje x .

la figura no está dibujada a escala

Figura 1



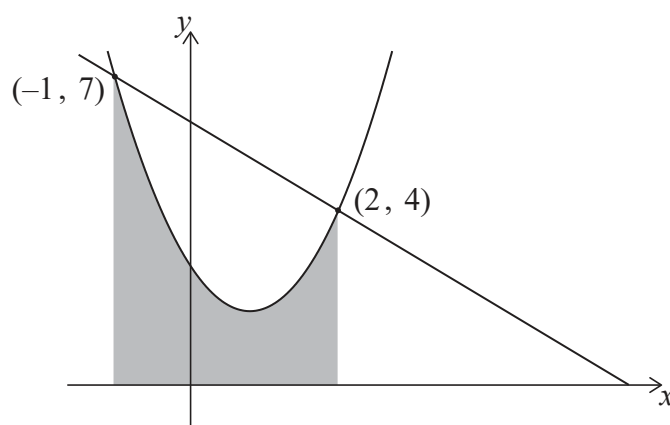
(a) Calcule el área de la región sombreada de la **figura 1**.

[2]

En la **figura 2**, se ha sombreado la región que está delimitada por la curva $y = 1,5x^2 - 2,5x + 3$, las rectas $x = -1$, $x = 2$ y el eje x .

la figura no está dibujada a escala

Figura 2



(b) (i) Escriba una integral para el área de la región sombreada de la **figura 2**.

(ii) Calcule el área de esta región.

[3]

(c) A partir de lo anterior, determine el área que está delimitada por $y = 6 - x$ e $y = 1,5x^2 - 2,5x + 3$.

[2]

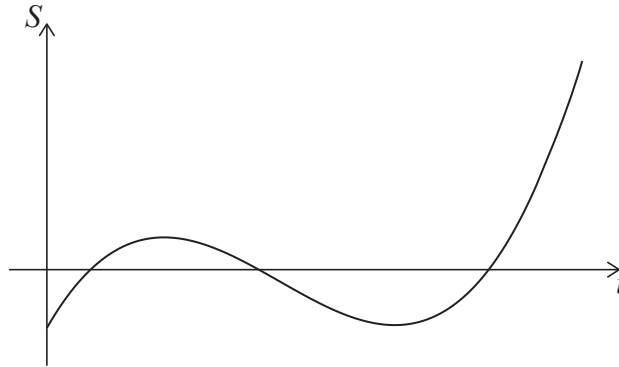
(Esta pregunta continúa en la página siguiente)



28EP08

5. [Puntuación máxima: 8]

El siguiente gráfico muestra el promedio de los ahorros (S miles de dólares) que tienen un grupo de graduados universitarios en función de t , que es el número de años transcurridos desde que acabaron la universidad.



- (a) Escriba una característica de este gráfico que sugiera que podría resultar apropiado usar una función cúbica para modelizar esta situación.

[1]

La ecuación del modelo se puede expresar de la forma $S = at^3 + bt^2 + ct + d$, donde a , b , c y d son constantes reales.

El gráfico del modelo tiene que pasar obligatoriamente por los siguientes cuatro puntos.

t	0	1	2	3
S	-5	3	-1	-5

- (b) (i) Escriba el valor de d .
- (ii) Escriba un sistema de tres ecuaciones con las incógnitas a , b y c .
- (iii) A partir de lo anterior o de cualquier otro modo, halle los valores de a , b y c .

[4]

Un valor negativo de S representa una situación en la que cabe esperar que un graduado esté endeudado.

- (c) Utilice el modelo para determinar el tiempo total (en años) durante el que cabe esperar que un graduado esté endeudado después de haber acabado la universidad.

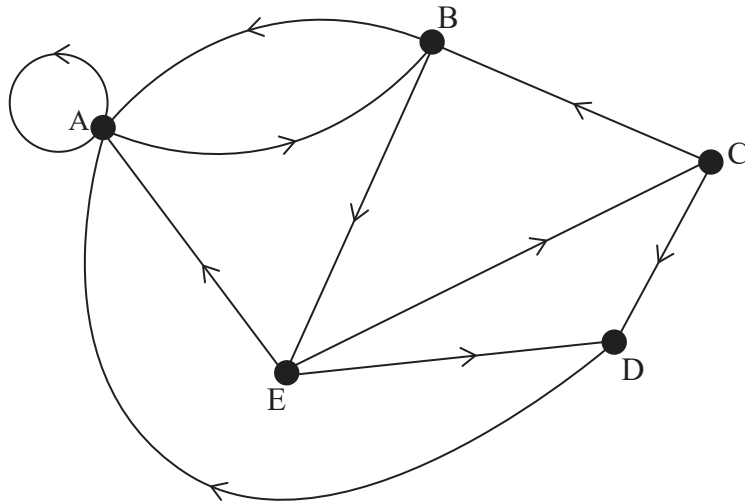
[3]

(Esta pregunta continúa en la página siguiente)



6. [Puntuación máxima: 5]

Considere la siguiente red orientada.



(a) Escriba la matriz de adyacencia para esta red. [2]

(b) Determine el número de recorridos distintos de longitud 5 que empiezan y terminan en el mismo vértice. [3]

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....



15. [Puntuación máxima: 7]

La ecuación de la recta $y = mx + c$ se puede expresar en forma vectorial: $r = a + \lambda b$.

(a) Halle los vectores a y b en función de m y/o c . [2]

La matriz M es $\begin{pmatrix} 6 & 3 \\ 4 & 2 \end{pmatrix}$.

(b) Halle el valor de $\det M$. [1]

La recta $y = mx + c$ (donde $m \neq -2$) se transforma en una nueva recta utilizando la transformación que describe la matriz M .

(c) Muestre que la ecuación de la recta resultante no depende de m ni de c . [4]

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....



28EP21

Véase al dorso

No escriba en esta página.

Las respuestas que se escriban en esta página no serán corregidas.

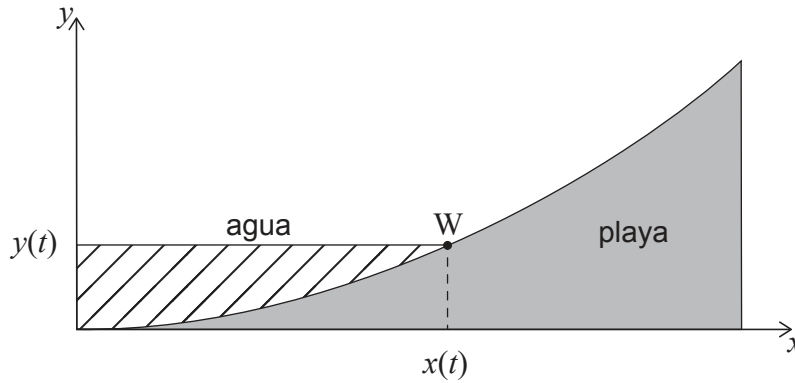


28EP22

17. [Puntuación máxima: 8]

El corte transversal de una playa se puede modelizar mediante la ecuación $y = 0,02x^2$ para $0 \leq x \leq 10$, donde y es la altura de la playa (en metros) a una distancia horizontal de x metros del origen y t es el tiempo (en horas) que ha transcurrido desde la última marea baja.

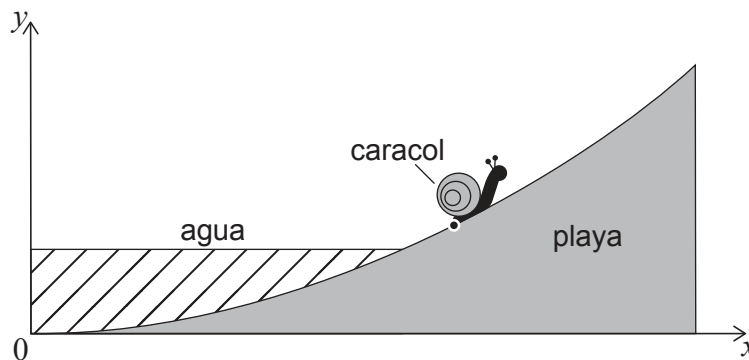
En el instante $t = 0$ el agua está en el punto $(0, 0)$. La altura del agua va subiendo a un ritmo de 0,2 metros por hora. El punto $W(x(t), y(t))$ indica el lugar de la playa al que llega el nivel del agua en el instante t .



- (a) Halle la componente horizontal de la velocidad de W cuando la coordenada x de W es igual a 1.

[3]

Se modeliza un caracol como un único punto. En el instante $t = 0$ se encuentra en $(1 ; 0,02)$. El caracol se aleja del agua ascendente a una velocidad de 1 metro por hora, siguiendo la curva del corte transversal de la playa. La siguiente figura muestra esta información para un valor de t tal que $t > 0$.



- (b) (i) Halle el tiempo que tarda el caracol en llegar al punto $(10, 2)$.
- (ii) A partir de lo anterior, muestre que el caracol llega al punto $(10, 2)$ antes de que lo haga el agua.

[5]

(Esta pregunta continúa en la página siguiente)



28EP24

No escriba en esta página.

Las respuestas que se escriban en esta página no serán corregidas.



28EP26

No escriba en esta página.

Las respuestas que se escriban en esta página no serán corregidas.



28EP27

No escriba en esta página.

Las respuestas que se escriban en esta página no serán corregidas.



28EP28